

平成28年度

入学者選抜学力検査問題

検査2 数 学

10：15～11：05

注 意

- 1 監督の先生の指示があるまで、開いてはいけません。
- 2 問題は、6ページあります。
- 3 「開始」の合図があったら、はじめなさい。
- 4 答えは、すべて、解答用紙に記入しなさい。
答えに $\sqrt{\quad}$ を含む場合は、近似値に直さないで $\sqrt{\quad}$ を用いて表しなさい。
- 5 「終了」の合図で、すぐ筆記用具をおき、解答用紙を裏返しにしなさい。
- 6 その他、監督の先生の指示に従いなさい。

1 次の問いに答えなさい。

(1) $7 + 9 \div (-3)$ を計算しなさい。

(2) $\sqrt{27} - \sqrt{12}$ を計算しなさい。

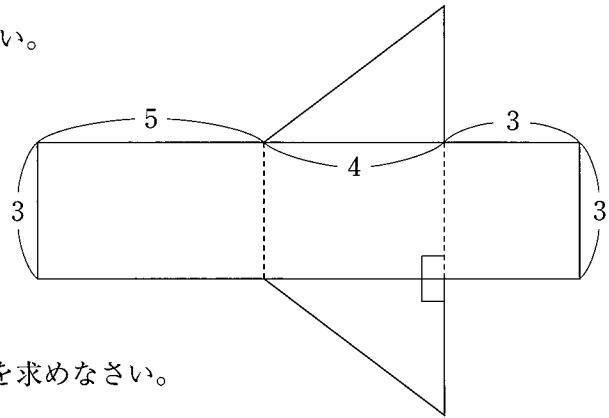
(3) $2a + b - \frac{2a-b}{3}$ を計算しなさい。

(4) $(\sqrt{5} + 2)(\sqrt{5} - 2)$ を計算しなさい。

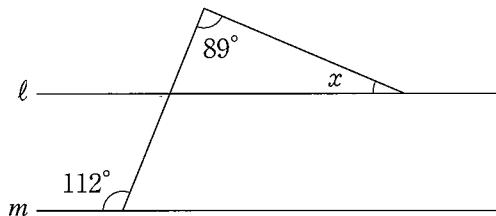
(5) 2次方程式 $x^2 + 3x - 2 = 0$ を解きなさい。

(6) 右の図は、ある立体の展開図である。

この展開図を組み立てたときの立体の
体積を求めなさい。



(7) 下の図で、 $\ell \parallel m$ のとき、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

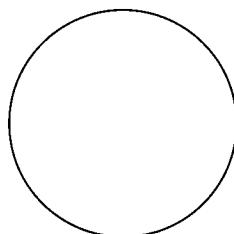


(8) y は x に比例し、 $x = 2$ のとき $y = 6$ である。 $x = -3$ のとき y の値を求めなさい。

(9) 右の度数分布表は、あるクラスの数学
の小テストの得点をまとめたものである。
得点の平均値を求めなさい。

階級(点)	度数(人)
以上	未満
8 ~ 10	2
6, ~ 8	3
4 ~ 6	4
2 ~ 4	1
0 ~ 2	0
計	10

(10) 下の図の円の中心Oを作図しなさい。ただし、作図に用いた線は残しておくこと。



2 Aさんは、畑でジャガイモとサツマイモを合わせて20個収穫した。Bさんは、畑でリンゴとミカンを合わせて20個収穫した。収穫したジャガイモの個数は、リンゴの3倍の個数で、ミカンの個数は、サツマイモの2倍の個数を収穫した。

次の問い合わせに答えなさい。

(1) ジャガイモの個数を x 個、リンゴの個数を y 個として連立方程式を立てなさい。

(2) (1)を解き、収穫した4種類の作物の個数を求めなさい。

(3) サツマイモの値段とミカンの値段を、ジャガイモの値段の2倍で販売した。また、リンゴの値段をジャガイモの値段の3倍で販売したところ、完売し、売上金額は3,240円であった。ジャガイモ1個の値段を求めなさい。

3 1から40までの数字が1つずつ書かれた40枚のカードがある。このカードを裏返してよくきり、1枚引くとき、次の問い合わせに答えなさい。

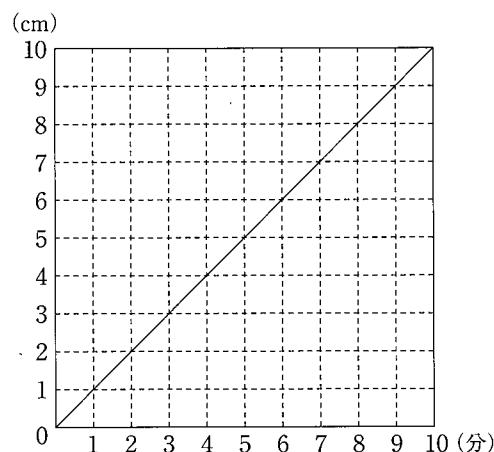
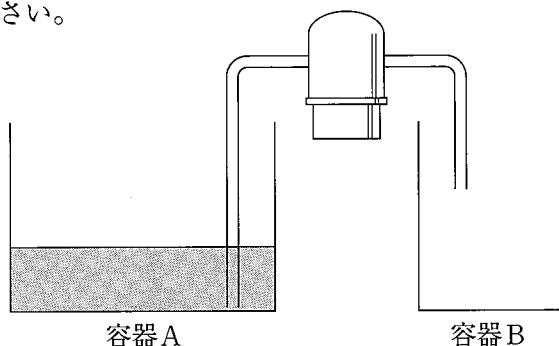
(1) 引いたカードの数が、2の倍数である確率を求めなさい。

(2) 引いたカードの数が、3の倍数である確率を求めなさい。

(3) 引いたカードの数が、6で割り切れない確率を求めなさい。

4 図のような2種類の直方体の容器A, Bがある。容器A, Bの間には一定の量で水を移動させることができるポンプがあり、容器Aには底から5cmの高さまで水が入っている。ポンプを使ってすべての水を容器Bへ移動させたところ10分かかった。そのとき、移動後の容器Bの水は底から10cmの高さになった。下のグラフは、水の移動を開始してからの時間と、容器Bの底から水の高さの関係をグラフに表したものである。

次の問い合わせに答えなさい。



- (1) 水の移動を始めてから、8分後の容器Aの底からの水の高さを求めなさい。

- (2) 容器Aと容器Bの底からの水の高さが同じになるのは、水の移動を始めてから何分何秒後か、求めなさい。

- (3) 次に、水の移動を始める前に、容器Aに1辺6cmの立方体を底面が容器Aの底にきちんとつくように沈めたところ、水面が3cm上昇し、この状態で水を移動させた。このとき、水の移動を開始してからの時間と、容器Aの底から水の高さの関係をグラフにかきなさい。

- (4) (3)のとき、ある時間で容器Aと容器Bの底からの水の高さが同じになる。このときの底からの水の高さを求めなさい。

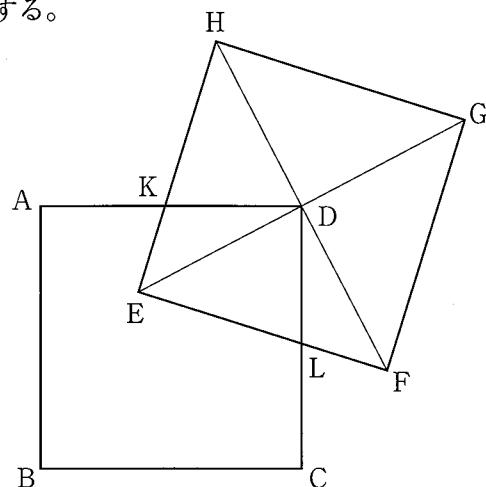
5 1辺が8で同じ大きさの正方形A B C Dと正方形E F G Hがある。点Dに正方形E F G Hの中心を合わせた。そのときの辺A Dと辺E Hの交点をK, 辺C Dと辺E Fの交点をLとする。ただし、点Eは正方形A B C Dの内側にあるものとする。

次の問いに答えなさい。

(1) $\angle H E D$ の大きさを答えなさい。

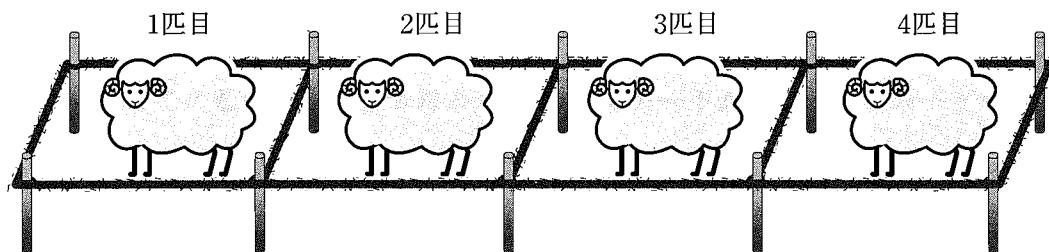
(2) $\triangle D K E \equiv \triangle D L F$ を証明しなさい。

(3) 四角形K D L Eの面積を求めなさい。



6 あつしさんは羊を飼うために、くいとロープを使って柵を作っていく。

1匹の羊を飼うためには、4本のくいと4本のロープを使って正方形のスペースが必要である。次に2匹目、3匹目と増やしていくときに、下の表のようなルールでスペースを作っていく。次の問いに答えなさい。



羊の数とくいとロープの本数表

羊の数 (匹)	1	2	3	4	5
くいの本数 (本)	4	6	8	10	12
ロープの本数 (本)	4	7	10	13	16

(1) 羊を7匹飼う時に、必要なくいの本数を求めなさい。

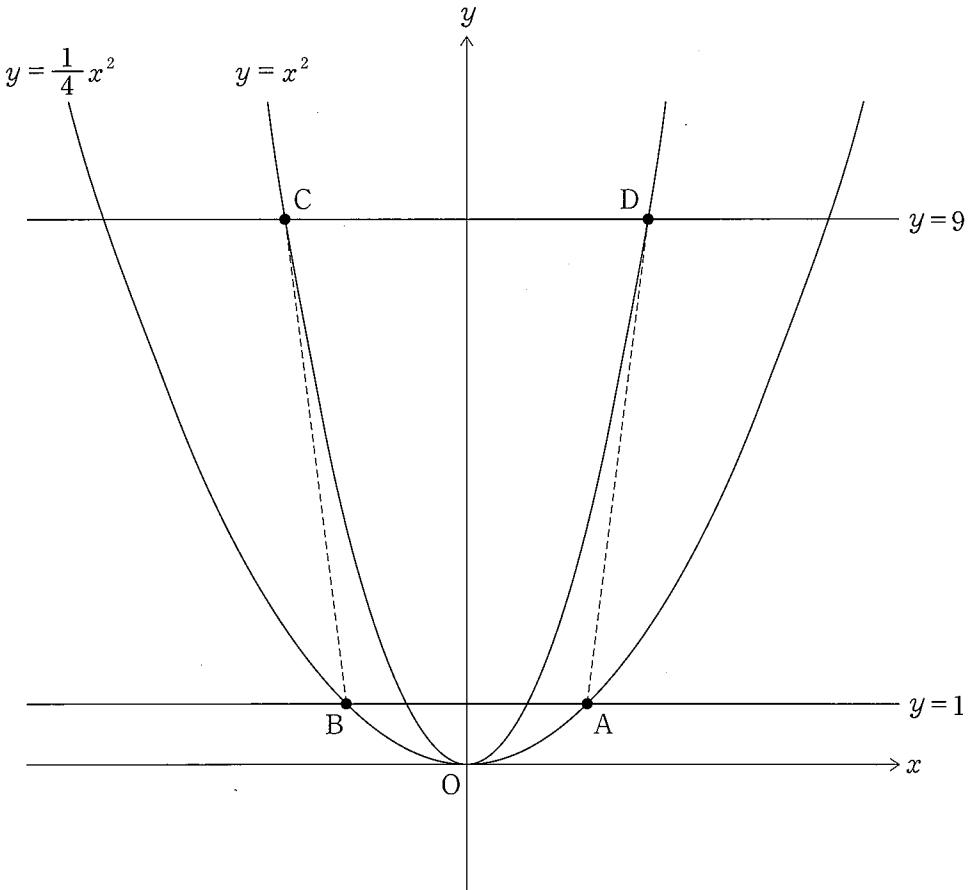
(2) ロープの本数を46本使う時、何匹の羊を飼うことが出来るか求めなさい。

(3) 材料費40,000円で飼える最大の羊の数を求めなさい。

ただし、くいは4本セット900円、ロープは4本セット300円とする。

- 7 放物線 $y = \frac{1}{4}x^2$ と直線 $y = 1$ の交点を A, B とする。放物線 $y = x^2$ と直線 $y = 9$ の交点を C, D とする。ただし、点 A, D の x 座標は正である。

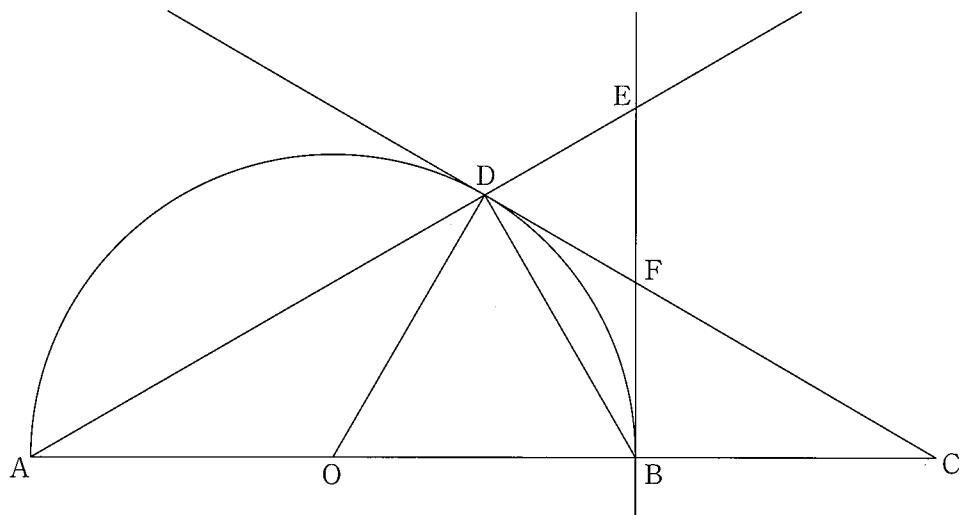
次の問い合わせに答えなさい。



- (1) 点 A の座標を求めなさい。
- (2) 四角形 A B C D の面積を求めなさい。
- (3) 四角形 A B C D の周の長さを求めなさい。
- (4) 点 A を通り、四角形 A B C D の面積を 2 等分する直線の式を求めなさい。

8 下の図は、中心をO、線分ABを直径とする半径1の半円である。直線ABのB側の延長に
 $OB = BC$ となるようにCをとり、Cから半円に接線を引き、接点をDとする。また、Bを
通り、ACと垂直に交わる直線とADの交点をE、CDとBEの交点をFとする。

次の問い合わせに答えなさい。



- (1) 線分BDの長さを求めなさい。
- (2) $\angle BCF$ の大きさを求めなさい。
- (3) DEの長さを求めなさい。
- (4) $\triangle DEF$ の面積を求めなさい。